

PREDIKSI RETURN KURS RUPIAH TERHADAP DOLAR AMERIKA DENGAN MENERAPKAN MODEL ARIMA DAN GARCH

FORECASTING THE EXCHANGE RATE RETURNS OF INDONESIAN RUPIAH TO US DOLLAR USING ARIMA AND GARCH MODELS

Hedi
 UP MKU Politeknik Negeri Bandung
hedi@polban.ac.id

ABSTRAK

Penelitian ini memprediksi *return* kurs rupiah terhadap dolar Amerika pada masa yang akan datang dengan menerapkan dua model yaitu ARIMA dan GARCH. Model ARIMA mengasumsikan *mean* bersyarat tidak nol, sedangkan GARCH *mean* bersyaratnya nol. Selanjutnya, varian bersyarat model ARIMA konstan, sedangkan GARCH tidak konstan. Dengan menerapkan kriteria AIC dan SC pada masing-masing model, diperoleh model ARIMA(0,1,1) dan GARCH (1,1). Berdasarkan perhitungan RMSE, MAE, dan MAPE, ARIMA(0,1,1) yang paling kecil. Dengan demikian, model ARIMA(0,1,1) yang paling baik untuk memprediksi *return* kurs rupiah terhadap dolar Amerika.

Kata Kunci : Prediksi, ARIMA, GARCH

ABSTRACT

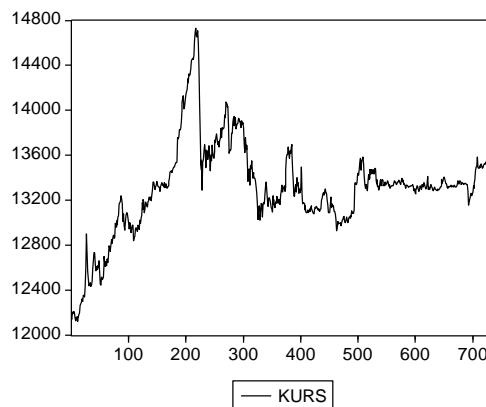
This research, we propose to use ARIMA and GARCH to obtain prediction returns exchange rate rupiah. The ARIMA model assumes a non-zero mean while the GARCH mean is zero. Further conditional variants ARIMA model constant while GARCH is not constant. We found ARIMA model (0,1,1) and GARCH (1,1) By applying AIC, and SC. Based on RMSE, MAE, and MAPE calculations on both models, the smallest ARIMA (0,1,1). However, the ARIMA (0,1,1) is the better model for prediction return exchange rate rupiah against dolar amerika.

Keywords: Prediction, ARIMA, GARCH

PENDAHULUAN

Kurs rupiah, yang dicatat dalam waktu harian, merupakan data *time series*. Fluktuasi

nilai tukar rupiah dari tahun 2014 sampai dengan 2017 terhadap dolar Amerika yang diperoleh dari Bank Indonesia lihat gambar 1.



Gambar 1 *Exchange Rate* Rupiah terhadap Dolar Amerika

Sumber : Bank Indonesia (Periode november 2014 – Oktober 2017)

Prediksi kurs rupiah periode ke depan sangat memungkinkan untuk dimodelkan dengan model *time series autoregressive integrated moving average* (ARIMA), dan *Generalized autoregressive conditional heteroscedastic* (GARCH).

Yang dianalisis dalam penelitian ini adalah *return* dari perubahan nilai kurs setiap hari. *Return* dihitung dari pembedaan logaritma natural nilai kurs rupiah hari ini dan sebelumnya. *Return* kurs rupiah terhadap dolar Amerika didefinisikan

$$y_t = 100 \ln \frac{p_t}{p_{t-1}}$$

dengan

p_t : *return* kurs rupiah pada waktu t p_{t-1} : nilai kurs pada waktu t-1.

Selanjutnya, prediksi *return* kurs rupiah periode ke depan ditentukan melalui model ARIMA dan GARCH dengan tahapan identifikasi model, spesifikasi model, estimasi model, dan evaluasi model. Berdasarkan evaluasi model, ditentukan model prediksi *return* kurs rupiah terhadap dolar amerika yang paling baik.

Model ARIMA

Bentuk umum Model ARIMA(p,d,q) (Wei W. 2006) dituliskan

$$\phi(B)(1-B)^d(y_t - \mu) = \theta(B)\varepsilon_t$$

dengan

$t = 1, 2, \dots, T$, T : banyaknya pengamatan

B = operator backshift

d = parameter pembeda (bilangan bulat)

μ = rata-rata pengamatan

ε_t = residual dan $\varepsilon_t \sim iid N(0, \sigma_\varepsilon^2)$

$$\phi(B) = 1 - \phi_1 B - \phi_2 B^2 - \dots - \phi_p B^p$$

$$\theta(B) = 1 - \theta_1 B - \theta_2 B^2 - \dots - \theta_q B^q$$

Estimasi p dan q dilakukan melalui perhitungan *autocorrelation function* (ACF) dan *partial autocorrelation function* (PACF). Nilai estimasi kedua parameter ditentukan berdasarkan bentuk koleogram ACF dan PACF yang tertera pada tabel 1.

Tabel 1.Pola ACF dan PACF data Stasioner

| Model | ACF | PACF |
|---------------|----------------------------------|----------------------------------|
| AR(p) | <i>Dies down</i> | <i>Cuts off after lag p</i> |
| MA(q) | <i>Cuts off after lag q</i> | <i>Dies down</i> |
| ARIMA (p,d,q) | <i>Dies down after lag (q-p)</i> | <i>Dies down after lag (p-q)</i> |

Model ARIMA diterapkan pada data *time series* yang stasioner. Apabila hasil uji *Augmented Dickey Fuller* (ADF) statistik tidak stasioner, dilakukan *differencing* agar stasioner. Estimasi parameter model ARIMA (p,d,q) didapat dengan meminimalkan jumlah kuadrat *error*. Masing-masing estimasi parameter diuji berbeda dengan nol dengan statistik t. Selanjutnya, p dan q dipilih berdasarkan nilai terkecil dari AIC (*Akaike info criterion*) dan SC (*Schwarz criterion*). Uji kecukupan model terpenuhi apabila uji *white noise* pada residual signifikan. Statistik uji Ljung-Box

$$Q^* = n(n+2) \sum_{k=1}^K \frac{r_k^2}{n-k}$$

dengan

r_k : autokorelasi residual lag k

Tolak H_0 jika $Q^* > \chi_{\alpha; df=K-p-q}^2$

dengan nilai p dan q adalah order dari *autoregressive moving average*.

Model GARCH

Deret waktu Y_t , $t = 1, 2, 3, \dots, T$ mengikuti proses *Autoregressive conditional heteroscedastic* ARCH(p) $p > 0$, apabila untuk setiap t memenuhi $Y_t = \sigma_t \varepsilon_t$ dan σ_t^2

$$= \alpha_0 + \sum_{i=1}^p \alpha_i Y_{t-i}^2$$

Engle (1982). Selanjutnya,

Bollerslev (1986) menjelaskan varians saat

ini bergantung terhadap varians masa lalu sehingga modelnya menjadi

$$y_t = \sigma_t \varepsilon_t$$

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \sum_{i=1}^m \alpha_i y_{t-i}^2 + \sum_{j=1}^q \beta_j \sigma_{t-j}^2$$

model ini merupakan bentuk umum dari ARCH yang dinamakan GARCH (*generalized autoregressive conditional heteroscedastic*).

Dalam menerapkan model ARCH, umumnya didahului dengan identifikasi keberadaan heterokedastitas pada data deret waktu pada kuadrat *return* melalui perhitungan ACF dan PACF. Atau, dapat dianalisis dengan uji statistik dari Ljung-Box. Cara lain adalah dengan uji ARCH Lagrange Multiplier (ARCH-LM) (Franqo, 2010).

Pemilihan ARIMA dan GACH

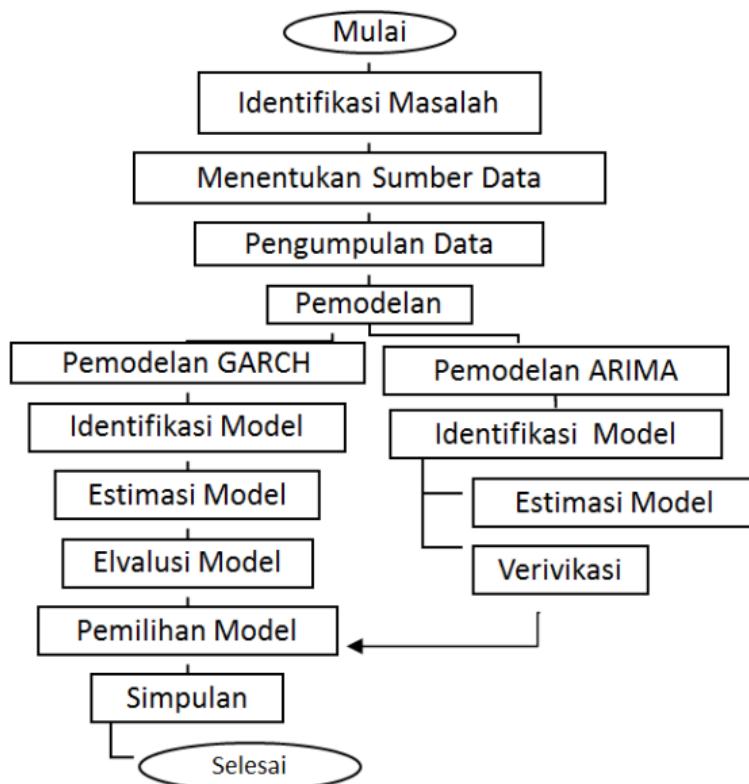
Untuk memilih model ARIMA atau GACH yang sesuai dengan data *time series*, dapat dilakukan melalui perhitungan RMSE (*root mean squared error*), MAE (*mean absolute error*), dan MAPE (*mean absolute percent error*). Model terbaik adalah yang paling kecil dari ketiga hitungan tersebut .

METODE PENELITIAN

Pada penelitian ini, populasi data yang digunakan adalah data sekunder yaitu data nilai tukar kurs rupiah terhadap dolar Amerika yang dicatat oleh Bank Indonesia setiap Senin sampai dengan Jumat kecuali libur nasional. Sebagai sampel, dipilih data mulai November 2014 sampai dengan November 2017 dengan total pengamatan 737. Selanjutnya, ditentukan *return* kurs rupiah terhadap dolar Amerika. Tahapan berikutnya adalah pemodelan. Pemodelan ARIMA(p,d,q) dilakukan melalui metode

Box-Jenkins yaitu identifikasi, estimasi, verifikasi, dan prediksi. Pemodelan GARCH diawali dengan mengamati keberadaan heterokedassitas pada residual dari estimasi model ARIMA tahap berikutnya yaitu Spesifikasi model, Estimasi model, dan Evaluasi model.

Perangkat komputer yang digunakan dalam pengolahan ini adalah STATISTIKA versi 8, R versi 15, dan Eviews versi 4.1. Skema tahapan penelitian model prediksi *return* kurs rupiah terhadap dolar Amerika sebagai berikut.

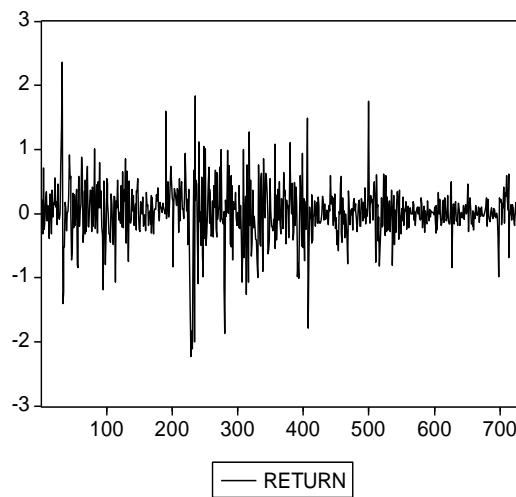


Gambar 2. Bagan Penelitian

HASIL DAN PEMBAHASAN Model ARIMA

Grafik *return* kurs rupiah terhadap dolar Amerika periode

November 2014 sampai dengan November 2017 diperlihatkan pada gambar 3.



Gambar 3. *Return Exchange Rate* Rupiah terhadap Dolar Amerika

Identifikasi Model ARIMA

Pada grafik data *return*, tidak terlihat unsur *trend*. Tampak stasioner terhadap rata-

rata dan hasil tes ADF didapat p-value (Prob) = 0,000 artinya signifikan (data stasioner lihat tabel 2).

Tabel 2. Uji Kestasioneran Data *Return*

| Augmented Dickey-Fuller Unit Root Test on RETURN | | |
|---|-------------|--------|
| Null Hypothesis: RETURN has a unit root | | |
| Exogenous: Constant | | |
| Lag Length: 0 (Automatic based on SIC, MAXLAG=19) | | |
| | t-Statistic | Prob.* |
| Augmented Dickey-Fuller test statistic | -25.55236 | 0.0000 |
| Test critical values: | | |
| 1% level | -3.439008 | |
| 5% level | -2.865251 | |
| 10% level | -2.568802 | |

*MacKinnon (1996) one-sided p-values.

Berdasarkan perhitungan, ACF dan PACF tidak signifikan sampai dengan lag ke-36 (tabel 3) sehingga data perlu dilakukan

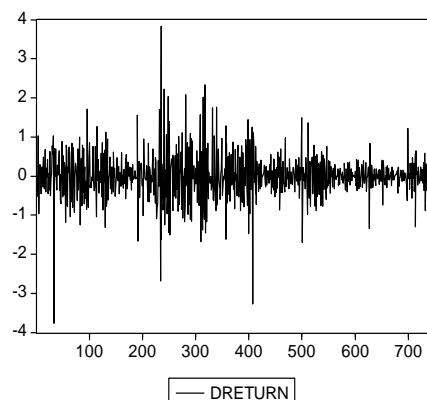
differencing dan hasil *differencing* satu kali didapat lihat gambar 3.

Tabel 3. ACF dan PACF Return

| Correlogram of RETURN | | | | | | |
|-----------------------|---------------------|----|--------|--------|--------|-------|
| Autocorrelation | Partial Correlation | AC | PAC | Q-Stat | Prob | |
| | | 1 | 0.058 | 0.058 | 2.4635 | 0.117 |
| | | 2 | 0.018 | 0.015 | 2.7128 | 0.258 |
| | | 3 | 0.036 | 0.034 | 3.6833 | 0.298 |
| | | 4 | 0.002 | -0.003 | 3.6854 | 0.450 |
| | | 5 | -0.043 | -0.044 | 5.0736 | 0.407 |
| | | 6 | -0.011 | -0.008 | 5.1720 | 0.522 |
| | | 7 | -0.034 | -0.032 | 6.0585 | 0.533 |
| | | 8 | 0.017 | 0.025 | 6.2792 | 0.616 |
| | | 9 | -0.002 | -0.003 | 6.2838 | 0.711 |
| | | 10 | -0.013 | -0.013 | 6.4037 | 0.780 |
| | | 11 | -0.056 | -0.057 | 8.7515 | 0.645 |
| | | 12 | -0.019 | -0.016 | 9.0368 | 0.700 |
| | | 13 | 0.009 | 0.015 | 9.1028 | 0.765 |
| | | 14 | 0.047 | 0.050 | 10.777 | 0.703 |
| | | 15 | -0.034 | -0.038 | 11.642 | 0.706 |
| | | 16 | -0.020 | -0.025 | 11.952 | 0.747 |
| | | 17 | 0.048 | 0.045 | 13.695 | 0.689 |
| | | 18 | 0.026 | 0.022 | 14.205 | 0.716 |
| | | 19 | 0.000 | 0.004 | 14.205 | 0.772 |
| | | 20 | 0.016 | 0.010 | 14.399 | 0.810 |
| | | 21 | 0.026 | 0.022 | 14.911 | 0.827 |
| | | 22 | -0.016 | -0.024 | 15.097 | 0.858 |
| | | 23 | 0.014 | 0.017 | 15.257 | 0.885 |
| | | 24 | -0.003 | 0.001 | 15.265 | 0.913 |
| | | 25 | -0.069 | -0.063 | 18.868 | 0.803 |
| | | 26 | -0.002 | 0.002 | 18.872 | 0.842 |
| | | 27 | -0.039 | -0.042 | 20.055 | 0.828 |
| | | 28 | 0.010 | 0.026 | 20.133 | 0.860 |
| | | 29 | -0.054 | -0.050 | 22.386 | 0.804 |
| | | 30 | 0.015 | 0.021 | 22.561 | 0.833 |
| | | 31 | 0.016 | 0.008 | 22.769 | 0.857 |
| | | 32 | -0.047 | -0.051 | 24.492 | 0.826 |
| | | 33 | -0.054 | -0.045 | 26.767 | 0.770 |
| | | 34 | 0.003 | 0.001 | 26.776 | 0.806 |
| | | 35 | -0.056 | -0.052 | 29.169 | 0.745 |
| | | 36 | -0.015 | -0.013 | 29.335 | 0.776 |

Pada grafik, data hasil *differencing* tidak terlihat unsur *trend* dan tampak stasioner terhadap rata-rata (Gambar 4) .

Hasil tes ADF didapat *p-value* (Prob) = 0,000 artinya signifikan sehingga data stasioner (Tabel 4).

Gambar 4. *Return* Kurs Rupiah Setelah *Differencing*

Tabel 4. Uji Kestasioneran Data *Return* setelah differencing

| Augmented Dickey-Fuller Unit Root Test on DRETURN | | |
|---|-------------|--------|
| Null Hypothesis: DRETURN has a unit root | | |
| Exogenous: Constant | | |
| Lag Length: 7 (Automatic based on SIC, MAXLAG=19) | | |
| | t-Statistic | Prob.* |
| Augmented Dickey-Fuller test statistic | -16.34715 | 0.0000 |
| Test critical values: | | |
| 1% level | -3.439105 | |
| 5% level | -2.865294 | |
| 10% level | -2.568825 | |

*MacKinnon (1996) one-sided p-values.

Hasil perhitungan ACF dan PACF signifikan (Tabel 5) sehingga dapat dilanjutkan ke tahap identifikasi model .

Tabel 5. ACF dan PACF *Return* Kurs Rupiah Setelah differencing

| Date: 11/21/17 Time: 13:53 | Sample: 1 737 | Included observations: 736 | | | |
|----------------------------|---------------------|----------------------------|--------|--------|--------------|
| Autocorrelation | Partial Correlation | AC | PAC | Q-Stat | Prob |
| **** | **** | 1 | -0.479 | -0.479 | 169.68 0.000 |
| .. | .. | 2 | -0.029 | -0.336 | 170.31 0.000 |
| .. | .. | 3 | 0.027 | -0.224 | 170.85 0.000 |
| .. | .. | 4 | 0.006 | -0.149 | 170.87 0.000 |
| .. | .. | 5 | -0.039 | -0.160 | 172.01 0.000 |
| .. | .. | 6 | 0.028 | -0.117 | 172.59 0.000 |
| .. | .. | 7 | -0.039 | -0.154 | 173.73 0.000 |
| .. | .. | 8 | 0.038 | -0.109 | 174.78 0.000 |
| .. | .. | 9 | -0.005 | -0.089 | 174.80 0.000 |
| .. | .. | 10 | 0.017 | -0.041 | 175.03 0.000 |
| .. | .. | 11 | -0.042 | -0.079 | 176.35 0.000 |
| .. | .. | 12 | 0.004 | -0.100 | 176.36 0.000 |
| .. | .. | 13 | -0.005 | -0.123 | 176.38 0.000 |
| .. | .. | 14 | 0.063 | -0.028 | 179.36 0.000 |
| .. | .. | 15 | -0.050 | -0.041 | 181.23 0.000 |
| .. | .. | 16 | -0.029 | -0.105 | 181.87 0.000 |
| .. | .. | 17 | 0.048 | -0.073 | 183.64 0.000 |
| .. | .. | 18 | 0.001 | -0.050 | 183.64 0.000 |
| .. | .. | 19 | -0.022 | -0.054 | 183.99 0.000 |
| .. | .. | 20 | 0.003 | -0.061 | 184.00 0.000 |
| .. | .. | 21 | 0.028 | -0.014 | 184.57 0.000 |
| .. | .. | 22 | -0.039 | -0.055 | 185.75 0.000 |
| .. | .. | 23 | 0.028 | -0.034 | 186.33 0.000 |
| .. | .. | 24 | 0.025 | 0.029 | 186.79 0.000 |
| .. | .. | 25 | -0.070 | -0.038 | 190.53 0.000 |
| .. | .. | 26 | 0.056 | 0.008 | 192.91 0.000 |
| .. | .. | 27 | -0.046 | -0.058 | 194.55 0.000 |
| .. | .. | 28 | 0.060 | 0.018 | 197.34 0.000 |
| .. | .. | 29 | -0.072 | -0.054 | 201.34 0.000 |
| .. | .. | 30 | 0.037 | -0.038 | 202.37 0.000 |
| .. | .. | 31 | 0.033 | 0.018 | 203.23 0.000 |
| .. | .. | 32 | -0.028 | 0.012 | 203.82 0.000 |
| .. | .. | 33 | -0.035 | -0.035 | 204.76 0.000 |
| .. | .. | 34 | 0.062 | 0.019 | 207.74 0.000 |
| .. | .. | 35 | -0.053 | -0.021 | 209.91 0.000 |
| .. | .. | 36 | 0.039 | 0.019 | 211.11 0.000 |

Hasil perhitungan ACF dan PACF pada data time series, diperkirakan berbentuk ARIMA(1,1,1), ARIMA(1,1,0), ARIMA(0,1,1), ARIMA(2,1,0). Pemilihan model terbaik didapat dengan menerapkan kriteria

AIC (*Akaike info criterion*) dan SC (*Sschwarz criterion*) yang terkecil sehingga model terbaik adalah ARIMA(0,1,1) lihat tabel 6.

Tabel 6. Seleksi Model

| MODEL | KRITERIA | |
|--------------|-----------|-----------|
| | AIC | SC |
| ARIMA(1,1,1) | 1.249.512 | 1.262.544 |
| ARIMA(1,1,0) | 1.620.378 | 1.626.894 |
| ARIMA(0,1,1) | 1.248.733 | 1.255.242 |

Estimasi Model ARIMA(0,1,1)

Estimasi parameter ARIMA(0,1,1) tanpa konstanta -0,996074 dan uji parameter lihat tabel 6 adalah signifikan dengan p-value = 0,000.

Bentuk model ARIMA(0,1,1) adalah

$$y_t = \varepsilon_t - 0,996074 \varepsilon_{t-1}$$

Tabel 7. Estimasi dan Uji Parameter Model ARIMA(0,1,1)

| Dependent Variable: D(RETURN) Method: Least Squares Date: 11/27/17 Time: 20:36 Sample(adjusted): 2700 Included observations: 699 after adjusting endpoints Convergence achieved after 9 iterations Backcast: 1 | | | | |
|--|-------------|-----------------------|-------------|--------|
| Variable | Coefficient | Std. Error | t-Statistic | Prob. |
| MA(1) | -0.996074 | 0.003418 | -291.3943 | 0.0000 |
| R-squared | 0.466561 | Mean dependent var | 7.55E-05 | |
| Adjusted R-squared | 0.466561 | S.D. dependent var | 0.618115 | |
| S.E. of regression | 0.451452 | Akaike info criterion | 1.248733 | |
| Sum squared resid | 142.2584 | Schwarz criterion | 1.255242 | |
| Log likelihood | -435.4321 | Durbin-Watson stat | 1.882001 | |
| Inverted MA Roots | 1.00 | | | |

Diagnostic Model ARIMA(0,1,1)

Dengan hasil uji korelogram ACF dan PACF residual tidak signifikan sampai

lag 20 yang berarti residual *white noise* (Tabel 8).

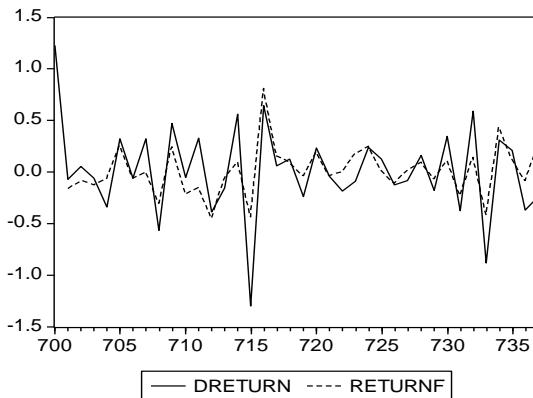
Tabel 8. Korelogram ACF dan PACF Residual

| Correlogram of Residuals | | | | | | |
|---|---------------------|----|--------|--------|--------|-------|
| Date: 11/26/17 Time: 05:36 Sample: 2737 Included observations: 736 Q-statistic probabilities adjusted for 1 ARMA term(s) | | | | | | |
| Autocorrelation | Partial Correlation | AC | PAC | Q-Stat | Prob | |
| 1 | 1 | 1 | 0.056 | 0.056 | 2.3189 | |
| 2 | 1 | 2 | 0.017 | 0.014 | 2.5391 | 0.111 |
| 3 | 1 | 3 | 0.034 | 0.032 | 3.3882 | 0.184 |
| 4 | 1 | 4 | 0.001 | -0.003 | 3.3884 | 0.336 |
| 5 | 1 | 5 | -0.045 | -0.046 | 4.8673 | 0.301 |
| 6 | 1 | 6 | -0.013 | -0.009 | 4.9978 | 0.416 |
| 7 | 1 | 7 | -0.038 | -0.034 | 5.9857 | 0.425 |
| 8 | 1 | 8 | 0.016 | 0.023 | 6.1739 | 0.520 |
| 9 | 1 | 9 | -0.004 | -0.004 | 6.1865 | 0.626 |
| 10 | 1 | 10 | -0.014 | -0.014 | 6.3331 | 0.706 |
| 11 | 1 | 11 | -0.057 | -0.058 | 8.7690 | 0.554 |
| 12 | 1 | 12 | -0.021 | -0.017 | 9.0918 | 0.613 |
| 13 | 1 | 13 | 0.008 | 0.013 | 9.1348 | 0.691 |
| 14 | 1 | 14 | 0.046 | 0.049 | 10.712 | 0.635 |
| 15 | 1 | 15 | -0.035 | -0.039 | 11.632 | 0.636 |
| 16 | 1 | 16 | -0.022 | -0.027 | 12.002 | 0.679 |
| 17 | 1 | 17 | 0.047 | 0.044 | 13.653 | 0.625 |
| 18 | 1 | 18 | 0.024 | 0.020 | 14.104 | 0.660 |
| 19 | 1 | 19 | -0.001 | 0.002 | 14.105 | 0.722 |
| 20 | 1 | 20 | 0.014 | 0.009 | 14.253 | 0.769 |

Prediksi ARIMA

Prediksi *return* kurs rupiah terhadap dolar Amerika periode September 2017 sampai dengan November 2017 dapat dilihat

pada gambar 5. sebagai pembanding data aktual, tampak prediksi mendekati nilai aktual.



Gambar 5. Grafik DRETURN vs Prediksi (FDRETURN)

Identifikasi Model GARCH

Keberadaan heterokedassitas pada residual model ARIMA(0,1,1) dinyatakan

melalui uji ARCH. Dari statistik F, didapat P-Value = 0,000 (Tabel 9) yang berarti signifikan.

Tabel 9.Uji ARCH pada Model ARIMA(0,1,1)

| ARCH Test: | | | |
|---------------|----------|-------------|----------|
| F-statistic | 233.3199 | Probability | 0.000000 |
| Obs*R-squared | 177.4672 | Probability | 0.000000 |

Test Equation:
 Dependent Variable: RESID^2
 Method: Least Squares
 Date: 11/26/17 Time: 09:55
 Sample(adjusted): 3 737
 Included observations: 735 after adjusting endpoints

| Variable | Coefficient | Std. Error | t-Statistic | Prob. |
|--------------------|-------------|-----------------------|-------------|--------|
| C | 0.100447 | 0.018162 | 5.530623 | 0.0000 |
| RESID^2(-1) | 0.491347 | 0.032167 | 15.27481 | 0.0000 |
| R-squared | 0.241452 | Mean dependent var | 0.197235 | |
| Adjusted R-squared | 0.240417 | S.D. dependent var | 0.529461 | |
| S.E. of regression | 0.461447 | Akaike info criterion | 1.293818 | |
| Sum squared resid | 156.0801 | Schwarz criterion | 1.306335 | |
| Log likelihood | -473.4782 | F-statistic | 233.3199 | |
| Durbin-Watson stat | 1.995086 | Prob(F-statistic) | 0.000000 | |

ACF, dan PACF dari kuadrat residual model ARIMA signifikan dari lag 1 sampai dengan lag 20 (Tabel 10).

Tabel 10. Koreogram Kuadrat Residual ARIMA(0,1,1)

| Correlogram of Residuals Squared | | | | | | |
|----------------------------------|---------------------|--------|--------|-------|-----|--------|
| | | | | AC | PAC | Q-Stat |
| Autocorrelation | Partial Correlation | | | | | Prob |
| 1 | 0.491 | 0.491 | 178.41 | | | |
| 2 | 0.238 | -0.005 | 220.21 | 0.000 | | |
| 3 | 0.176 | 0.081 | 243.28 | 0.000 | | |
| 4 | 0.186 | 0.092 | 268.84 | 0.000 | | |
| 5 | 0.179 | 0.056 | 292.53 | 0.000 | | |
| 6 | 0.184 | 0.076 | 317.71 | 0.000 | | |
| 7 | 0.082 | -0.078 | 322.71 | 0.000 | | |
| 8 | 0.038 | -0.006 | 323.80 | 0.000 | | |
| 9 | 0.049 | 0.017 | 325.59 | 0.000 | | |
| 10 | 0.062 | 0.012 | 328.49 | 0.000 | | |
| 11 | 0.092 | 0.057 | 334.81 | 0.000 | | |
| 12 | 0.045 | -0.043 | 336.34 | 0.000 | | |
| 13 | 0.039 | 0.034 | 337.46 | 0.000 | | |
| 14 | 0.055 | 0.026 | 339.72 | 0.000 | | |
| 15 | 0.046 | -0.013 | 341.33 | 0.000 | | |
| 16 | 0.035 | 0.002 | 342.23 | 0.000 | | |
| 17 | 0.041 | 0.008 | 343.51 | 0.000 | | |
| 18 | 0.031 | 0.005 | 344.26 | 0.000 | | |
| 19 | 0.027 | 0.001 | 344.81 | 0.000 | | |
| 20 | 0.034 | 0.009 | 345.70 | 0.000 | | |

Berdasarkan model ARIMA (0,1,1), model GARCH diperkirakan berbentuk GARCH(1,1) atau GARCH(1,0). Hasil

perhitungan AIC dan SC yang terkecil adalah GARCH(1,1) (Tabel 11).

Tabel 11. Seleksi Model

| MODEL | KRITERIA | |
|-------------|----------|----------|
| | AIC | SC |
| GARCH(1,1) | 1.541812 | 1.561338 |
| GARCH(1,0). | 1.605294 | 1.618311 |

Estimasi model GARCH(1,1)

Hasil estimasi parameter dapat dilihat pada tabel 12 dan model GARCH(1,1) berbentuk

y_t = \varepsilon_t
$$\sigma_t^2 = 0,038 + 0,447\varepsilon_{t-1}^2 + 0,519\sigma_{t-1}^2$$
Tabel 12. Estimasi Parameter GARCH(1,1)

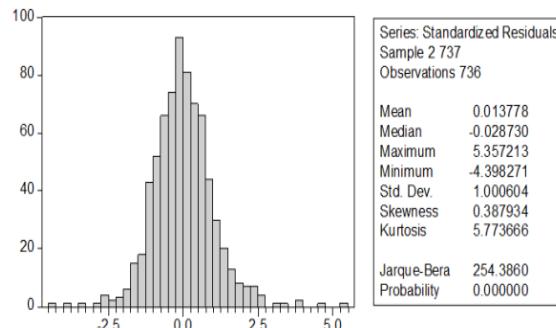
| Dependent Variable: D(RETURNS) | | | | |
|--|-----------|-----------------------|----------|--------|
| Method: ML - ARCH (Marquardt) | | | | |
| Date: 11/27/17 Time: 20:23 | | | | |
| Sample(adjusted): 2 700 | | | | |
| Included observations: 699 after adjusting endpoints | | | | |
| Convergence achieved after 21 iterations | | | | |
| Variance backcast: ON | | | | |
| Variance Equation | | | | |
| C | 0.038431 | 0.004669 | 8.230952 | 0.0000 |
| ARCH(1) | 0.447477 | 0.046722 | 9.577421 | 0.0000 |
| GARCH(1) | 0.518860 | 0.040653 | 12.76319 | 0.0000 |
| R-squared | 0.000000 | Mean dependent var | 7.55E-05 | |
| Adjusted R-squared | -0.002874 | S.D. dependent var | 0.618115 | |
| S.E. of regression | 0.619002 | Akaike info criterion | 1.541812 | |
| Sum squared resid | 266.6818 | Schwarz criterion | 1.561338 | |
| Log likelihood | -535.8631 | Durbin-Watson stat | 2.945729 | |

Evaluasi Model dan Prediksi GARCH(1,1)

Hasil perhitungan Jarque-Bera cukup besar sehingga *p-value* kecil. Hasil ini

menunjukkan bahwa residual tidak normal, tetapi bentuknya simetris dengan rataan nol dan simpangan baku satu (Tabel 13).

Tabel 13. Uji Kenormalan Pada Residual



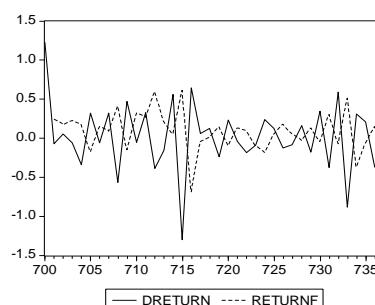
Berdasarkan perhitungan *P-value* untuk F statistik lebih dari 5% yang berarti data heterokedassitas (Tabel 14).

Tabel 14. Uji ARCH-LM Model GARCH(1,1)

| ARCH Test: | | | | |
|---|-------------|-----------------------|-------------|--------|
| F-statistic | 0.593656 | Probability | 0.441257 | |
| Obs*R-squared | 0.594794 | Probability | 0.440571 | |
| Test Equation: Dependent Variable: STD_RESID^2 Method: Least Squares Date: 11/29/17 Time: 05:23 Sample(adjusted): 3 737 Included observations: 735 after adjusting endpoints | | | | |
| Variable | Coefficient | Std. Error | t-Statistic | Prob. |
| C | 0.972922 | 0.088929 | 10.94048 | 0.0000 |
| STD RESID^2(-1) | 0.028445 | 0.036919 | 0.770491 | 0.4413 |
| R-squared | 0.000809 | Mean dependent var | 1.001398 | |
| Adjusted R-squared | -0.000554 | S.D. dependent var | 2.192271 | |
| S.E. of regression | 2.192878 | Akaike info criterion | 4.411024 | |
| Sum squared resid | 3524.788 | Schwarz criterion | 4.423541 | |
| Log likelihood | -1619.051 | F-statistic | 0.593656 | |
| Durbin-Watson stat | 1.997314 | Prob(F-statistic) | 0.441257 | |

Prediksi *return* kurs rupiah terhadap dolar Amerika dengan model GARCH(1,1) dapat dilihat pada gambar 5 dan data aktual

dapat dilihat pada gambar 6; tampak prediksi mendekati nilai aktual.



Gambar 6. Grafik Actual DRETURN dengan Prediksi DRETURN Model GARCH(1,1)

Pemilihan Model Terbaik

Perhitungan RMSE (*root mean squared error*), MAE (*mean absolute error*), dan MAPE (*mean absolute percent error*) model

ARIMA(0,1,1) adalah yang paling kecil sehingga prediksi *return* kurs rupiah terhadap dolar Amerika (Tabel 15) lebih cocok menggunakan model ARIMA(0,1,1).

Tabel 15 .RMSE, MAE ,dan MAPE Model ARIMA(0,1,1) dan GARCH(1,1)

| MODEL | Eror Prediksi ARIMA(0,1,1) dan GARCH(1,1) | | |
|--------------|---|--------|----------|
| | RMSE | MAE | MAPE |
| ARIMA(0,1,1) | 0,2678 | 0,1979 | 85,6592 |
| GARCH(1,1) | 0,3899 | 0,2943 | 218,7089 |

SIMPULAN

Pemodelan ARIMA pada data *return* kurs rupiah terhadap dolar Amerika dilakukan melalui metode Box-Jenkins yaitu identifikasi, estimasi, verifikasi (*diagnostic check*), dan prediksi. Model GARCH diawali dengan mengamati keberadaan heterokedassitas pada residual dari estimasi model ARIMA. Selanjutnya, dilakukan spesifikasi model, estimasi model, dan evaluasi model. Dengan menerapkan kriteria AIC (*Akaike's Information Criterion*) dan SBC (*Schwartz's Bayesian Criterion*) pada masing-masing model, diperoleh model ARIMA(0,1,1) dan GARCH (1,1).

Prediksi *return* kurs rupiah terhadap dolar Amerika pada masa yang akan datang dapat ditentukan dengan menerapkan model ARIMA(0,1,1) dan GARCH (1,1). Hal ini terlihat dari hasil prediksi yang masing-masing dibandingkan dengan data aktual secara grafik nilai prediksi mendekati data aktual.

Berdasarkan perhitungan RMSE (*root mean squared error*), MAE (*mean absolute error*), dan MAPE (*mean absolute percent error*) pada model ARIMA(0,1,1) dan GARCH (1,1), ARIMA(0,1,1) merupakan pemodelan yang paling kecil nilai RMSE, MAE, dan MAPE.daripada GACH (1,1).

Pemodelan ARIMA dan GARCH akan sangat baik untuk data *time series* yang berdistribusi normal, sedangkan data finansial cenderung tidak normal. Pada penelitian selanjutnya, dapat diterapkan model ARFIMA, Integrated GARCH (IGARCH), dan Eksponensial GARCH (EGARCH) mengingat data finansial pada umumnya simetris dan leptokurtis.

DAFTAR PUSTAKA

Adi Teguh Suprapto. 2005. *Peramalan Kurs Rupiah terhadap Dolar Amerika dengan Menggunakan Model ARIMA* [Tesis]. Semarang: Universitas Diponegoro.

Andersen TG, Bollerslev T. 1998. “Answering The Skeptics: Yes, Standard Volatility Models Do Provide Accurate Forecasts”, *International Economic Review* 39: 885–905

Bollerslev T. 1986. “Generalized Autoregressive Conditional Heteroskedastic”, *Journal of Econometrics* 31: 307–327.

E. Harris, A. R. Abdul-Aziz, R. K. Avuglah. 2012. ‘Modeling Annual Coffee Production in Ghana Using ARIMA

Time Series Model”, *International Journal of Business and Social Research* Vol-2 , No 7

Engle, R. 1982 “Autoregressive Conditional Heteroscedasticity with Estimation of the Variance of United Kingdom Inflation”, *Econometrica*. New york: JSTOR , Vol 50, No 4, Juli 1982.

Franqo C. et al. 2010. *GARCH Models Structure, Statistical Inference and Financial Applications*. New york : John Wiley & Sons Ltd

Gujarati, D. N. 2009. *Basic Econometrics Fourth Edition*, Mc Graw-Hill, New York.

Lazim Abdullah. 2012. “ARIMA Model for Gold Bullion Coin Selling Prices Forecasting”, *International Journal of Advances in Applied Sciences (IJAAS)* Vol. 1, No. 4, December 2012, pp. 153~158 ISSN: 2252-8814

Lee Chee Nian. 2009. *Application of ARIMA and GARCH Models in Forecasting Crude Oil Prices*. A dissertation submitted in partial fulfillment of the requirement for the award of the degree of Master of Science (Mathematics). Faculty of Science Universiti Teknologi Malaysia.

Wei, W. 2006. *Time Series Analysis*, Boston: Pearson Addison Wesley.